

1)

a) Calcule $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} x}{x}$.

b) Calcule $\lim_{x \rightarrow 0} (1+kx)^{\frac{1}{x}}$.

c) Calcule $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\ln(x)}{x-1}$.

d) Uma função de distribuição acumulada de uma variável aleatória X , $F(x)$, tem a seguinte propriedade: quando a variável aleatória tende a $-\infty$ o valor da função tende a zero e quando a variável aleatória tende a ∞ o valor da função tende a 1. Verifique se a função

$$F(x) = 1 - \frac{1}{1+x}, x \geq 0 \text{ é uma função de distribuição acumulada.}$$

2)

a) Seja a função $f(x) = \frac{\operatorname{sen}(3x)}{4^x}$, calcule a derivada de $f(x)$.

b) Seja a função $f(x) = \frac{1}{x^2+1}$, calcule a derivada de $f(x)$.

c) Seja a função $f(x) = \ln(\operatorname{sen}(x))$, calcule a derivada de $f(x)$.

d) Seja a função $f(x) = x^{x+1}$, calcule a derivada de $f(x)$.

e) Uma função densidade de probabilidade, $f(x)$, de uma variável aleatória X corresponde à derivada da função de distribuição acumulada, $F(x)$, dessa variável aleatória. Sendo assim, se

$$F(x) = 1 - \frac{1}{1+x}, x \geq 0 \text{ , calcule a função densidade de probabilidade } X \text{ .}$$